

رشته: ریاضی و تجربی		سوالات درس: ریاضی ۱
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه
منبع دانلود: قلم چی		برگزار شده در: گیلان

بارم	سوالات	نمره
۰/۵	مجموعه‌ی زیر را با نماد بازه نشان داده و آن را روی محور X ها مشخص کنید. $\{ x x \in \mathbb{R}, x \leq 2 \}$	۱
۱	جمله یازدهم یک دنباله حسابی ۳۲ و جمله نوزدهم آن ۷۲ است. جمله سیام این دنباله را مشخص کنید.	۲
۱	مقدار عبارت زیر را به دست آورید. $A = \frac{\cos^2(45^\circ) - 3\sin(30^\circ)}{5\tan^2(45^\circ) + 5\cos(60^\circ)}$	۳
۱	تساوی زیر را ثابت کنید. $\frac{\sin^2 \theta}{1 - \cos \theta} = 1 + \cos \theta$	۴
	ادامه‌ی سوالات در صفحه‌ی دوم	

الف) عبارت زیر را تجزیه کنید.

$$x^3 - 27$$

۲

۵

ب) مخرج کسر زیر را گویا کنید.

$$\frac{1}{\sqrt{x-1}}$$

۱

۶

نمودار سهمی $y = x^2 + 4x + 4$ را رسم کنید.

$$B = \frac{-x}{x^2 - 13x + 36}$$

۱

۷

تعیین علامت کنید.

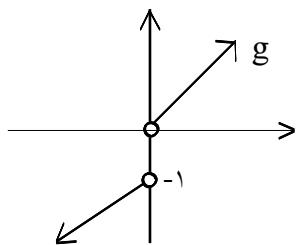
مقدار a را طوری به دست آورید که رابطه‌ی $R = \{(2, 7), (9, 2a), (9, 1-a)\}$ یک تابع باشد.

۰/۵

۸

ادامه‌ی سوالات در صفحه‌ی سوم

با توجه به نمودار تابع زیر، دامنه و برد را حساب کنید.



۱

۹

با استفاده از نمودار $y = 1 - |x - 2|$ را به کمک انتقال رسم کنید.

۲

۱۰

در یک کیسه ۵ مهره قرمز و ۴ مهره آبی و ۳ مهره سبز موجود است و همه مهره‌ها متفاوت هستند. اگر سه مهره با هم تصادفی خارج کنیم، تعداد حالت‌هایی را حساب کنید که:
الف) فقط دو مهره قرمز باشد.

۲

۱۱

ب) حداقل یک مهره آبی باشد.

۱/۵

۱۲

اگر $P(n, 4) = 12 C(n - 2, 2)$ باشد، مقدار n را به دست آورید.

ادامهٔ سوالات در صفحهٔ چهارم

اگر ۸ نفر که دو نفر آنها با هم برادرند، به تصادف در یک ردیف قرار بگیرند، چه قدر احتمال دارد دو برادر کنار یکدیگر نباشند؟

۱/۵

۱۳

نوع متغیرهای زیر را مشخص کنید.

- الف) رشته تحصیلی ب) وزن دانشآموز
ج) درجه حرارت د) رتبه کنکور

۲

۱۴

برای هریک از متغیرهای زیر یک مثال بزنید.

- الف) کمی فاصله‌ای ب) کمی نسبتی
ج) کیفی اسمی د) کیفی ترتیبی

۲

۱۵

پیروز و سر بلند باشید.

پاسخ نامه ریاضی ۱ - کلاس دهم ریاضی

-۱- این مجموعه را می‌توان به صورت $[2, \infty)$ نشان داد.



$$d = \frac{72 - 32}{19 - 11} = \frac{40}{8} = 5 \quad -2$$

$$a_{11} = a_1 + 10d \Rightarrow 32 = a_1 + 50$$

$$a_1 = -18$$

$$a_{20} = -18 + 29 \times 5 = 127$$

$$A = \frac{\cos^2(45^\circ) - \sin(30^\circ)}{5\tan^2(45^\circ) + 5\cos(60^\circ)} = \frac{\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^2 - \left(\frac{1}{2}\right)}{5(1)^2 + 5\left(\frac{1}{2}\right)} = \frac{\frac{1}{2} - \frac{1}{2}}{5 + \frac{5}{2}} = \frac{0}{\frac{15}{2}} = 0 \quad -3$$

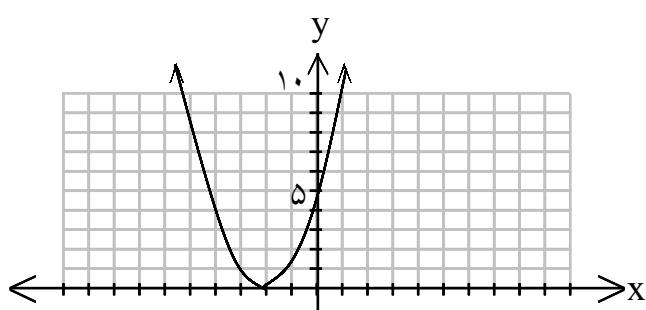
$$\frac{\sin^2 \theta}{1 - \cos \theta} = \frac{1 - \cos^2 \theta}{1 - \cos \theta} = \frac{(1 - \cos \theta)(1 + \cos \theta)}{1 - \cos \theta} = 1 + \cos \theta \quad -4$$

$$x^3 - 27 = (x - 3)(x^2 + 3x + 9) \quad -5\text{-الف)}$$

$$\frac{1}{\sqrt{x-1}} \times \frac{\sqrt{x+1}}{\sqrt{x+1}} = \frac{\sqrt{x+1}}{x-1} \quad (\beta)$$

x	-4	-3	-2	-1	0
y	4	1	0	1	4

$$y = x^2 + 4x + 4, x = \frac{-b}{2a} = \frac{-4}{2} = -2 \quad -6$$



-٧

$$\frac{-x^2}{x^2 - 13x + 36} \Rightarrow \begin{cases} -x^2 = 0 \Rightarrow x = 0 \\ x^2 - 13x + 36 = 0 \Rightarrow (x - 4)(x - 9) = 0 \Rightarrow x = 4, 9 \end{cases}$$

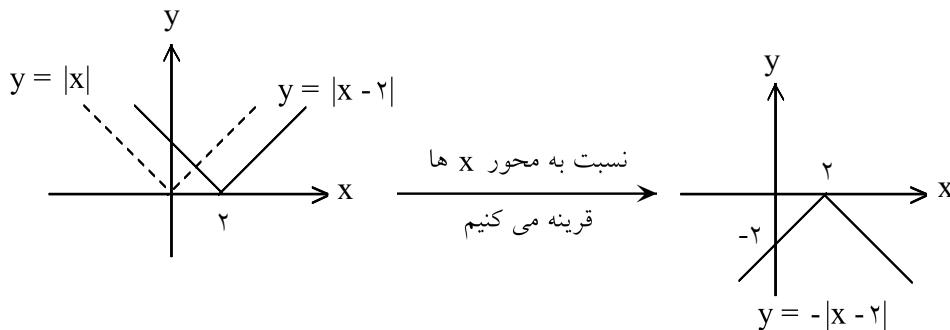
x	+	+	+
-x	-	• -	- -
$x^2 - 13x + 36$	+	+	• -
B	-	• -	• +

$$2a = 1 - a \Rightarrow 3a = 1 \Rightarrow a = \frac{1}{3}$$

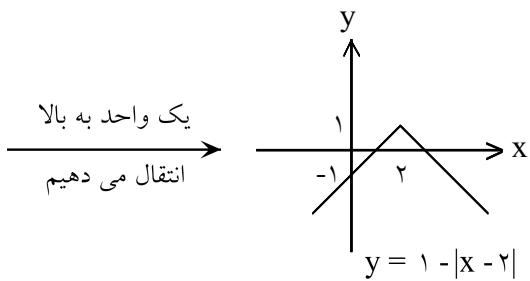
-٨

$$\begin{cases} D_g = R - \{0\} \\ R_g = (-\infty, -1) \cup (0, +\infty) \end{cases}$$

-٩



-١٠



$$\binom{5}{2} + \binom{7}{1} = 10 \times 7 = 70 \quad ١١-الف)$$

$$\binom{4}{1} \binom{8}{2} + \binom{4}{2} \binom{8}{1} + \binom{4}{3} = 4 \times 28 + 6 \times 8 + 4 = 164 \quad (ب)$$

$$\left. \begin{array}{l} P(n, 4) = \frac{n!}{(n-4)!} \\ C(n-2, 2) = \frac{(n-2)!}{2!(n-4)!} \end{array} \right\} \Rightarrow \overbrace{\frac{n!}{(n-4)!}}^{n!} = 12 \times \frac{(n-1)!}{2!(n-4)!} \Rightarrow n(n-1) = 6 \Rightarrow n = 3 \quad -١٢$$

A': دو برادر کنار هم باشند $\xrightarrow{\text{متهم}}$ هر دو برادر کنار هم نباشند
 $n(S) = \wedge!$
 $n(A') = \wedge! \times \wedge!$

$$P(A') = \frac{n(A')}{n(S)} = \frac{\wedge \times \wedge!}{\wedge \times \wedge!} = \frac{1}{4}$$

$$P(A) = 1 - P(A') = 1 - \frac{1}{4} = \frac{3}{4}$$

د) کیفی ترتیبی

ج) کمی فاصله‌ای

ب) کمی نسبتی

الف) کیفی اسمی

ج) وضعیت تأهل افراد

د) مراحل زندگی انسان

ب) سن افراد

الف) دمای بدن انسان

و هر مثال قابل قبول در هر مورد.

